

引き続き 2d/4d(5d,6d) 対応およびテンソル模型の研究を進める。

● 2d/4d(5d,6d) 対応

「研究成果」でも述べた通り、これまでに β 変形 A_{n-1} 型多行列模型の irregular 極限を考察し、同模型の持つ数理解造の一端を明らかにした。しかしながら、現状用いられている方法では、無限大極限を取ることができるのは、 $2n$ 個の質量パラメータのうちの 2 つのみであり、3 つ以上は不可能な構造であることが分かっている。これは $N_f \leq 2n - 3$ の模型への極限では、ゲージ理論との対応においても重要なパラメータとして現れる行列のサイズが無限大になる困難に直面するためである。これまでの研究から、出発点となる行列模型に適切な変形を施すことで、この困難を回避できるのではないかとということが判明しつつある。まずは $su(2)$ 模型において $N_f = 1, N_f = 0$ を実現する手法を確立したい。また $su(n)$ への一般化も同様に進めていきたい。

一方、2次元共形場理論と4次元超対称ゲージ理論の間に成り立つとされる 2d/4d 対応 (AGT 対応) の拡張版である 2d/5d(6d) 対応とその周辺についての研究を進めていきたい。2d/5d 対応は 2d/4d 対応の q 変形によって、2d/6d 対応は楕円化によって 2d/5d 対応から得られることが知られている。

上で述べた研究を発展させ、 q 変形および楕円化された模型における irregular 極限を構築していきたい。差分化・楕円化された多行列模型によるこの極限の考察はこれまで行なわれたことがなく、新たな知見・研究の方向性をもたらすことが期待される。

2d/5d 対応の 2d 側で現れる q -Virasoro/ W_N 代数は、Ding-Iohara-Miki (DIM) 代数のレベル N 表現において現れることが知られていることから、この対応関係の背後で DIM 代数が大きな役割を果たしていると考えられる。また DIM 代数の楕円化の処方箋も知られており、これを用いれば 2d/6d 対応へ拡張させることができる。(楕円) DIM 代数の役割を明らかにし、2d/6d 対応の理解を更に深め、確立させたい。これにより、2d/4d(5d) 対応は、2d/6d 対応の特別な極限として統一的に理解できると期待される。さらに、これまでの研究で構築した 1 の冪婚極限も含めて、全体像を明らかにしたい。

● テンソル模型

行列模型の自然な拡張として、テンソル模型が現れる。テンソル模型は低次元 AdS/CFT 対応との関連からも近年注目を浴びており、研究の進展が望まれる。これまで Op/FD/dessin 対応及び一般化 cut を用いて、テンソル模型の非自明なゲージ不変演算子の集合について研究してきた。dessin は 2次元曲面上に埋め込まれたある種のグラフであるが、曲面の三角形分割の対応しており、幾何的意味を持つ。一方、cut 演算は一つの演算子から他の演算子を生成するが、同時に join 演算と合わせて Virasoro 拘束式の基本的な構成要素でもある。「研究成果」にも記載したように、Op/dessin 対応により cut & join 演算の dessin に対する作用も明らかになり、その 2次元幾何的な意味も判明した。この成果をテンソル模型における Virasoro 拘束式の導出に向けて活用し、その性質の更なる解明を試みたい。

一方、dessin との対応はランク 3 のテンソル模型に限られているので、一般のランクに対する拡張の可能性を探る。またテンソル模型を超えた場の理論に対する Op/FD(/dessin) 対応の適用も視野に入れ、さらなる研究の進展を目指す。