

## これまでの研究成果のまとめ

### 1. 複素 2 次元空間内の line configuration の研究

$\mathbb{R}^2$  内に直線  $R$  の集まり  $l = l_1 \cup l_2 \cup \cdots \cup l_\mu$  が与えられているとき、それらを複素化すると  $\mathbb{C}^2$  内の  $C$  の集まり  $L = L_1 \cup L_2 \cup \cdots \cup L_\mu$  が得られる。これを  $\mathbb{C}^2$  内の real line configuration よぶ。さらに  $\mathbb{C}^2$  の無限遠点に実 2 次元球面  $S^2$  をはり compact 化すると、 $\mathbb{C}\mathbb{P}^2$  内の  $\mathbb{C}\mathbb{P}^1$  の集まり  $\mathcal{L} = \mathcal{L}_1 \cup \mathcal{L}_2 \cup \cdots \cup \mathcal{L}_\mu$  が得られる。これを  $\mathbb{C}\mathbb{P}^2$  内の real line configuration とよぶ。これらは代数幾何学の対象であるが、その位相的な性質に関する研究を行った。

先ず  $\mathbb{C}\mathbb{P}^2$  内の real line configuration  $\mathcal{L}$  に関する研究を述べる。 $\mathbb{C}\mathbb{P}^2$  の  $\mathcal{L}$  で分岐する abelian covering の first betti number に関し、次の結果を得た。

(1) first betti number の評価をした。

(2) abelian covering の first betti number を用いて、central line configuration または general position line configuration の特徴付けを行った。

(3)  $\mu \leq 7$  のとき、abelian covering の first betti number を決定した。

次に  $\mathbb{C}^2$  内の line configuration  $L$  に関する研究を述べる。 $L$  に対し、同じ群をもつ ribbon surface-link を構成する方法を与えた。また、 $L$  が central line configuration か general position line configuration であるとき、得られた link は最小の genus をもつことを示した。

### 2 . 3 次元球面内の link の研究

先ず 2 成分 link の研究を述べる。 $L = K_1 \cup K_2$  の  $\mathbb{Z}_2 \oplus \mathbb{Z}_2$  branched covering の first homology group をより小さい 3 つの cyclic branched covering の first homology group で表した。

次に多様体のテーブル作成に関する研究を述べる。河内先生は link 全体の集合に canonical な well-order を定め、さらにそれを用いて 3 次元多様体を列挙するプロジェクトを提出した。実際に最初の 28 個の link と、26 個の多様体を列挙している。私は河内先生と共同研究を行い、link のテーブルを拡張した。そして最初の 443 個の link を列挙するとともに、Conway のテーブルのミスを発見した。次のステップとして link の外部の列挙を行うが、始めの 142 個が完成している。