

$2n + 1$ 次元多様体 M^{2n+1} 上の最も非可積分な超平面分布は, M^{2n+1} 上に n 変数関数の 1-jet 空間 $J^1(n, 1)$ の局所接触変換擬群による Γ 構造を定めるものと考えられ, 接触構造と呼ばれる. 他方 M^{2n+1} に $[\alpha] \wedge [\omega]^n > 0$ を満たす 1-形式 α , 2-形式 ω の共形類の対 $([\alpha], [\omega])$ を定めることは, $J^1(n, 1)$ の線形接触変換群による G 構造を定めることと考えられ, この対は概接触構造と呼ばれる. $\alpha = 0$ が接触構造であるならば $([\alpha], [d\alpha])$ は概接触構造である. また余次元 1 の leafwise symplectic 葉層 (正則 Poisson 構造) にも概接触構造が付随する. 私は Eliashberg と Thurston の confoliation の概念をこうした特別な概接触構造として (Altshuler と Wu による高次元化とは別様に) 高次元化した. 最近三松佳彦氏は, Verjovsky の試みに触発され, S^5 の leafwise symplectic 葉層を構成した. [11] では S^5 の標準的接触構造と三松氏の構造を confoliation の空間で結ぶ弧を構成した.

$J^1(1, 1) \approx S^3 \setminus \{*\}$ の任意の Seifert 曲面は Bennequin の不等式を満たし, 3次元接触多様体の任意の曲面は「凸」な曲面で滑らかに近似される. [10] で私は $J^1(2, 1) \approx S^5 \setminus \{*\}$ の Seifert 超曲面であるが Bennequin の不等式を破り, 「凸」な超曲面で近似されないものを構成した. Lutz は $J^1(1, 1)$ の接触構造を exotically なものに改変した. 私は [9] で 3次元 Brieskorn 多様体の幾何学を利用し, Lutz の改変を $J^2(2, 1)$ の改変に一般化した. このとき「凸」な Seifert 超曲面であって, Bennequin の不等式を破り, symplectic fillability の障害となるものを得た.

[4],[13] では与えられた接触 M^3 から $J^1(2, 1)$ への特殊なはめ込みを近似的複素幾何を利用して構成した. この結果は Martínez Torres により一般化された. [8] では $J^1(2, 1) \approx S^5 \setminus \{*\}$ の中で, 標準的に埋め込まれた S^3 を滑らかに isotopy 変形し, そこに制限された接触構造を (S^5 の Legendre 部分多様体による) Reeb 葉層に収束させ, さらに続けて exotically な接触構造になるように変形した. また Reeb 葉層の非解析性について, S^5 の toric 幾何の観点から説明した.

Thurston と Winkelnkemper は与えられた 3次元多様体上の open-book 分解にたいして接触構造を構成した. [3] で私は monodromy が「正 (右手)」の場合に, 彼等の接触構造が symplectic filling から得られることを示した. 他方 Loi と Piergallini は, 3次元多様体が Stein 領域の境界と微分同相になるのは, それが「正 (右手)」の open-book を持つとき, そのときに限ることを示した. これらの結果は後に融合され, Giroux による「接触構造と open-book 分解の正 (右手) 安定化類との一対一対応」に含まれるようになった. 私はまた M^3 の任意の接触構造が回転可能葉層に収束することを示した. このことから, Eliashberg-Thurston 理論とは対照的に, Reeb 成分を持つ多くの葉層が相対 Thurston 不等式を満たすことが判明した. この現象については, 共同研究者とともに, 様々な結果を得た: homological な過旋性については [7] を, Dehn 充填については [6] を, Bennequin の isotopy 補題の一般化については [5] を参照されたい.

他に, ある種の葉層の (不) 安定性に関する福井和彦先生との共著 [1] がある.