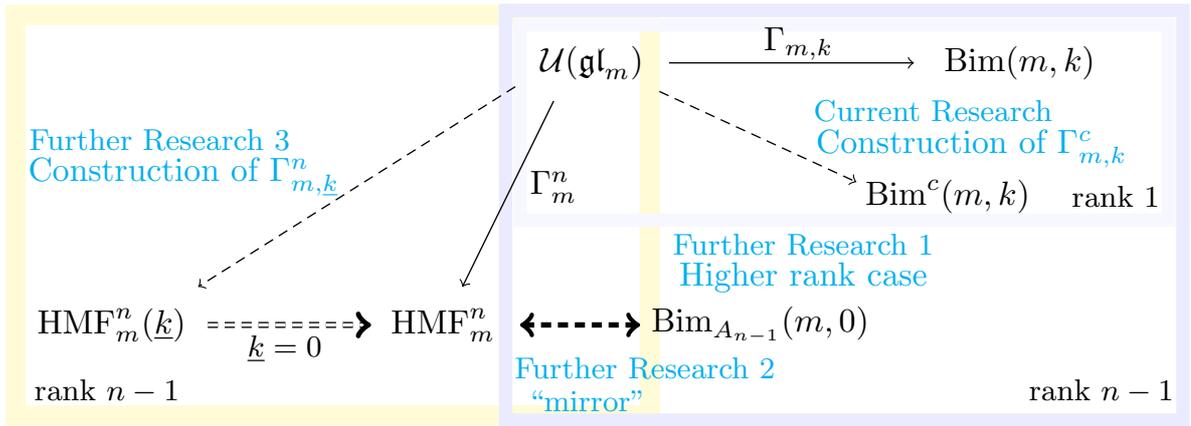


Categorified skew Howe rep.

Categorified sym. Howe rep.



図の実線はこれまでの研究で得られた結果. 破線は今後取り組む研究対象.

**現在の研究:** 現在, 応募者は変形 Webster 代数の  $W(\mathfrak{s}, k)$  の巡回商  $W^c(\mathfrak{s}, k)$  とその両加群圏に興味を持って, 以下の研究プロジェクトに取り組んでいる.

1. 巡回商が cellular であることを期待している.
2. Kang-Kashiwara の圏  $\mathcal{U}(\mathfrak{sl}_m)$  上の誘導関手と制限関手を  $W(\mathfrak{s}, k)$  や  $W^c(\mathfrak{s}, k)$  に拡張する.

**さらなる研究 1:** 対称積  $S^k(\mathbb{C}^n \otimes \mathbb{C}^m)$  上に, 互いに可換な左  $U_q(\mathfrak{sl}_n)$  作用と右  $U_q(\mathfrak{gl}_m)$  があある. 従って, 以下の表現を持っている.

$$\gamma_m^{\mathfrak{sl}_n} : U_q(\mathfrak{gl}_m) \rightarrow \bigoplus_{\sum_{\alpha=1}^m i_\alpha=k, \sum_{\alpha=1}^m j_\alpha=k} \text{Hom}_{U_q(\mathfrak{sl}_n)}(S^{i_1} \otimes \dots \otimes S^{i_m}, S^{j_1} \otimes \dots \otimes S^{j_m}).$$

我々は  $A_{n-1}$  型変形 Webster 代数  $W^{A_{n-1}}(\mathfrak{s}, \underline{k})$  と圏  $\mathcal{U}(\mathfrak{gl}_m)$  からその代数の両加群圏  $\text{Bim}_{A_{n-1}}(m, \underline{k})$  への関手の存在を期待している. この挑戦は圏  $\text{Bim}_{A_{n-1}}(m, \underline{k})$  の中の”良い”両加群を見つけ, 具体的に両加群の射を構成し, その関手を構成することである. **現在の研究**の中で述べたように, 巡回商  $W^c(\mathfrak{s}, k)$  は cellular 基底を持つことを期待している. 最初の挑戦は  $A_{n-1}$  型変形 Webster 代数に cellular 構造を一般化することである.

**さらなる研究 3:** 反対称の場合, 代数  $W(\mathfrak{s}, k)$  の  $k$  と同じ概念のパラメータ  $\underline{k} \in \mathbb{Z}_{\geq 0}^{n-1}$  を持つ変形行列因子化の圏  $\text{HMF}_m^n(\underline{k})$  の存在が期待される.  $\underline{k} = 0$  の場合, この圏  $\text{HMF}_m^n(\underline{k})$  は圏  $\text{HMF}_m^n$  である. まず, 応募者は  $A_1$  の場合に考察する.